**มคอ. 3**

**รายละเอียดของกระบวนวิชา**

|  |
| --- |
| **1. ชื่อสถาบันอุดมศึกษา มหาวิทยาลัยเชียงใหม่ (CHIANG MAI UNIVERSITY)** |
| **2. คณะ/ภาควิชา คณะวิทยาศาสตร์ ภาควิชาคณิตศาสตร์**  **Faculty of Science Department of Mathematics** |
| **3. รหัสกระบวนวิชา** ว.คณ. 355 (206355)  **ชื่อกระบวนวิชา** วิธีเชิงตัวเลข (Numerical Method) |
| **4. หน่วยกิต** 3(3-0-6) |

**หมวดที่ 1 ข้อมูลทั่วไป**

|  |
| --- |
| **1. หลักสูตรและประเภทของกระบวนวิชา**  **1.1 กระบวนวิชานี้ใช้สำหรับ**  **☑** หลักสูตรวิทยาศาสตรบัณฑิต สาขาวิชาคณิตศาสตร์  **☑** หลายหลักสูตร ได้แก่  - หลักสูตรวิทยาศาสตรบัณฑิต สาขาวิชาคณิตศาสตร์  - หลักสูตรศึกษาศาสตรบัณฑิต สาขาวิชาคณิตศาสตร์  **1.2 ประเภทของกระบวนวิชา**  🞏วิชาศึกษาทั่วไป กลุ่มวิชา……………………….  **☑** วิชาเฉพาะ |
| **2. อาจารย์ผู้รับผิดชอบกระบวนวิชาและอาจารย์ผู้สอน**  **2.1 อาจารย์ผู้รับผิดชอบ**  รองศาสตราจารย์ ดร.มรกต เก็บเจริญ  **2.2 อาจารย์ผู้สอน (ทุกคน)**  รองศาสตราจารย์ ดร.มรกต เก็บเจริญ  อาจารย์ ดร.ณัฐพล พลอยมะกล่ำ  อาจารย์ ดร.เอกชัย ทวินันท์ |
| **3. ภาคการศึกษา/ชั้นปีที่เรียน**  ภาคการศึกษาที่ 1 หรือ 2ชั้นปีที่ 3 |
| **4. สถานที่เรียน**  **☑** ในสถานที่ตั้งของมหาวิทยาลัยเชียงใหม่  🞏 นอกสถานที่ตั้งของมหาวิทยาลัยเชียงใหม่ (ระบุ) ............................................. |
| **5. จำนวนชั่วโมงต่อสัปดาห์ที่อาจารย์จะให้คำปรึกษาและแนะนำทางวิชาการแก่นักศึกษาเป็นรายบุคคล**  ไม่น้อยกว่า 1 ชั่วโมงต่อสัปดาห์ |

**หมวดที่ 2 ลักษณะและการดำเนินการ**

**ภาควิชาคณิตศาสตร์ คณะวิทยาศาสตร์**

**ว.คณ. 355 (206355) วิธีเชิงตัวเลข 3(3-0-6)**

**ลักษณะกระบวนวิชา** 🗹 **บรรยาย** 🞏 **ปฏิบัติการ** 🞏 **ฝึกปฏิบัติ** 🞏 **สหกิจศึกษา**

**การวัดและประเมินผล** 🗹 **A-F** 🞏 **S/U** 🞏 **P**

**กรณีของกระบวนวิชา Selected Topic** 🞏 **นับจำนวนหน่วยกิตสะสมเพื่อการสำเร็จการศึกษาทุกครั้ง**

🞏 **นับจำนวนหน่วยกิตสะสมเพื่อการสำเร็จการศึกษาเพียงครั้งเดียว**

**เงื่อนไขที่ต้องผ่านก่อน :** ว.คณ. 112 (206112) หรือ ว.คณ. 116 (206116) หรือ ว.คณ. 203 (206203) หรือ ว.คณ. 261 (206261)

**คำอธิบายลักษณะกระบวนวิชา**

การแสดงค่าเชิงตัวเลขและค่าคลาดเคลื่อน ผลเฉลยของสมการหนึ่งตัวแปร ผลเฉลยเชิงตัวเลขของระบบสมการเชิงเส้นและไม่เชิงเส้น การประมาณค่าในช่วงด้วยพหุนามและการปรับเส้นโค้ง การหาอนุพันธ์และปริพันธ์เชิงตัวเลข ผลเฉลยเชิงตัวเลขของสมการเชิงอนุพันธ์สามัญ

**ผลลัพธ์การเรียนรู้ของกระบวนวิชา (Course Learning Outcomes: CLOs) :** นักศึกษาสามารถ

**CLO 1 :** ประมาณค่าผลเฉลยเชิงตัวเลขของสมการหนึ่งตัวแปร

**CLO 2 :** ประมาณค่าผลเฉลยเชิงตัวเลขของระบบสมการเชิงเส้นได้ทั้งวิธีตรงและวิธีการทำซ้ำ

**CLO 3 :** ประมาณค่าผลเฉลยเชิงตัวเลขของระบบสมการไม่เชิงเส้น

**CLO 4 :** ประมาณค่าในช่วงด้วยพหุนาม

**CLO 5 :** ใช้วิธีกำลังสองสัมบูรณ์ในการปรับเส้นโค้งด้วยฟังก์ชันพหุนาม

**CLO 6 :** หาอนุพันธ์และปริพันธ์เชิงตัวเลข

**CLO 7 :** ประมาณค่าผลเฉลยเชิงตัวเลขของสมการเชิงอนุพันธ์สามัญด้วยวิธีเชิงตัวเลข

**ความสอดคล้องของ PLOs และผลลัพธ์การเรียนรู้ของกระบวนวิชา (CLOs)**

(สำหรับหลักสูตรวิทยาศาสตรบัณฑิต สาขาวิชาคณิตศาสตร์)

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **PLOs / CLOs** | **CLO 1** | **CLO 2** | **CLO 3** | **CLO 4** | **CLO 5** | **CLO 6** | **CLO 7** |
| **PLO 1** |  |  |  |  | X | X |  |
| **PLO 2** | X | X | X | X | X | X | X |
| **PLO 3** |  |  |  |  |  |  |  |
| **PLO 4** | X | X | X | X | X | X | X |
| **PLO 5** |  |  |  |  |  |  |  |
| **PLO 6** |  |  |  |  |  |  |  |
| **PLO 7** |  |  |  |  |  |  |  |
| **PLO 8** |  |  |  |  |  |  |  |

**เนื้อหากระบวนวิชา จำนวนชั่วโมงบรรยาย**

1. การแสดงค่าเชิงตัวเลขและค่าคลาดเคลื่อน 3

1.1 ค่าคลาดเคลื่อนจากการประมาณค่า

1.2 ค่าคลาดเคลื่อนจากเลขคณิตคอมพิวเตอร์

2. ผลเฉลยของสมการหนึ่งตัวแปร 7.5

2.1 วิธีแบ่งครึ่งช่วง

2.2 วิธีนิวตัน-ราฟสัน

2.3 วิธีเซแคนต์

2.4 วิธีการทำซ้ำจุดตรึง

3. ผลเฉลยเชิงตัวเลขของระบบสมการเชิงเส้นและไม่เชิงเส้น 9

3.1 วิธีตรง

3.2 วิธีทำซ้ำ

3.3 ผลเฉลยของระบบสมการไม่เชิงเส้น

4. การประมาณค่าในช่วงด้วยพหุนามและการปรับเส้นโค้ง 9

4.1 การประมาณค่าในช่วง

4.2 การมีอยู่ ความเป็นได้อย่างเดียว และ ค่าคลาดเคลื่อน

4.3 การประมาณค่าในช่วงด้วยพหุนาม

4.4 การประมาณค่าในช่วงด้วยพหุนามเป็นช่วงๆ

4.5 การปรับเส้นโค้งโดยวิธีกำลังสองน้อยสุด

5. การหาอนุพันธ์และปริพันธ์เชิงตัวเลข 10.5

5.1 การประมาณผลต่างอันตะ

5.2 การประมาณค่านอกช่วงริชาร์ดสัน

5.3 สูตรนิวตันโคตส์

5.4 การหาปริพันธ์รอมเบิร์ก

5.5 การประมาณพื้นที่แบบเกาส์เซียน

6. ผลเฉลยเชิงตัวเลขของสมการเชิงอนุพันธ์สามัญ 6

6.1 ผลเฉลยของสมการเชิงอนุพันธ์สามัญอันดับหนึ่ง

6.2 ผลเฉลยของสมการเชิงอนุพันธ์สามัญอันดับสูง

**รวม 45**

**เหตุผลในการปรับปรุงกระบวนวิชา**

1. ปรับเงื่อนไขที่ต้องผ่านก่อนโดยเพิ่มกระบวนวิชา 206116 ซึ่งเปินวิชาเปิดใหม่ เพื่อให้สอดคล้องกับกระบวนวิชาแกนที่เปลี่ยนแปลงไปของหลักสูตรอื่น ที่เปิดสอนในคณะ

2. ปรับคำอธิบายลักษณะกระบวนวิชาเพื่อให้สอดคล้องกับแนวปฏิบัติของมหาวิทยาลัย

3. เพิ่ม Course Learning Outcomes (CLOs) เพื่อให้สอดคล้องกับการจัดการเรียนการสอนในรูปแบบ Outcome-Based Education (OBE) โดยสามารถวัดผลการเรียนรู้ที่สอดคล้องกับ Program Learning Outcomes (PLOs) ของหลักสูตร

4. ปรับการพัฒนาผลลัพธ์การเรียนรู้ของนักศึกษาเพื่อให้สอดคล้องกับการจัดการเรียนการสอนในรูปแบบ Outcome-Based Education (OBE)

การปรับปรุงกระบวนวิชาดังกล่าวข้างต้น ได้ผ่านความเห็นชอบจากที่ประชุมคณะกรรมการบริหารประจำคณะวิทยาศาสตร์ ในคราวประชุมครั้งที่ 16/2563 เมื่อวันที่ 16 กันยายน 2563 กำหนดให้มีผลบังคับใช้ตั้งแต่ภาคการศึกษาที่ 1 ปีการศึกษา 2564 เป็นต้นไป



(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.จิรัฏฐ์ แสนทน)

รองคณบดีฝ่ายวิชาการ ปฏิบัติการแทน

คณบดีคณะวิทยาศาสตร์

วันที่ 17 กันยายน 2563

**Department of Mathematics Faculty of Science**

**MATH 355 (206355) Numerical Method 3(3-0-6)**

**Course Type 🗹 Lecture** 🞏 **Lab** 🞏 **Practice/Practicum** 🞏 **Cooperative Education**

**Measurement and Evaluation 🗹 A-F** 🞏 **S/U** 🞏 **P**

**Selected Topic in Specialized Field 🞏 Count the accumulated credits for graduation every times**

**🞏 Count the accumulated credits for graduation one-time only**

**Prerequisite :** MATH 112 (206112) or MATH 116 (206116) or MATH 203 (206203) or MATH 261 (206261)

**Course Description**

Numerical representation and error, solution of one variable equation, numerical solution of systems of linear and nonlinear equations, interpolating polynomial and curve fitting, numerical differentiation and numerical integration, numerical solution for ordinary differential equations

**Course Learning Outcomes (CLOs) :** Students are able to

**CLO 1 :** approximate the numerical solution of one variable equation;

**CLO 2 :** approximate the numerical solution of systems of linear equations using direct methods and iterative methods;

**CLO 3 :** approximate the numerical solution of nonlinear equations;

**CLO 4 :** approximate the function using polynomial interpolation;

**CLO 5 :** use least square method to find polynomial curve fitting;

**CLO 6 :** find numerical differentiation and numerical integration;

**CLO 7 :** approximate numerical solution of ordinary differential equations.

**Course Contents No. of Lecture Hours**

1. Numerical representation and error 3

1.1 Error from approximations

1.2 Error from computer arithmetic

2. Solution of one variable equation 7.5

2.1 Method of halving interval

2.2 Newton-Raphson method

2.3 Secant method

2.4 Method of fixed point iterations

3. Numerical solution of systems of linear and nonlinear equations 9

3.1 Direct methods

3.2 Iterative methods

3.3 Solution of system of nonlinear equations

4. Interpolating polynomial and curve fitting 9

4.1 Interpolation

4.2 Existence, uniqueness and error

4.3 Polynomial Interpolation

4.4 Piecewise polynomial interpolation

4.5 Curve fitting by method of least-square

5. Numerical differentiation and numerical integration 10.5

5.1 Finite difference approximations

5.2 Richardson extrapolation

5.3 Newton Cotes formula

5.4 Romberg integration

5.5 Gaussian quadrature

6. Numerical solution of ordinary differential equations 6

6.1 Solution of first order ordinary differential equations

6.2 Solution of higher order ordinary differential equations

**Total 45**

**หมวดที่ 3 การพัฒนาผลการเรียนรู้ของนักศึกษา**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **CLOs** | **วิธีการจัดการเรียนรู้** | **วิธีการประเมินผลการเรียนรู้** |
| **CLO 1 :** ประมาณค่าผลเฉลยเชิงตัวเลขของสมการหนึ่งตัวแปร | บรรยาย ยกตัวอย่างในชั้นเรียน และใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์ในการหาคำตอบ | การบ้าน สอบย่อย (ใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์) สอบข้อเขียน |
| **CLO 2 :** ประมาณค่าผลเฉลยเชิงตัวเลขของระบบสมการเชิงเส้นได้ทั้งวิธีตรงและวิธีการทำซ้ำ | บรรยาย ยกตัวอย่างในชั้นเรียน และใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์ในการหาคำตอบ | การบ้าน สอบย่อย (ใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์) สอบข้อเขียน |
| **CLO 3 :** ประมาณค่าผลเฉลยเชิงตัวเลขของระบบสมการไม่เชิงเส้น | บรรยาย ยกตัวอย่างในชั้นเรียน และใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์ในการหาคำตอบ | การบ้าน สอบย่อย (ใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์) สอบข้อเขียน |
| **CLO 4 :** ประมาณค่าในช่วงด้วยพหุนาม | บรรยาย ยกตัวอย่างในชั้นเรียน และใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์ในการหาคำตอบ | การบ้าน สอบย่อย (ใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์) สอบข้อเขียน |
| **CLO 5 :** ใช้วิธีกำลังสองสัมบูรณ์ในการปรับเส้นโค้งด้วยฟังก์ชันพหุนาม | บรรยาย ยกตัวอย่างในชั้นเรียน และใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์ในการหาคำตอบ | การบ้าน สอบย่อย (ใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์) สอบข้อเขียน |
| **CLO 6 :** หาอนุพันธ์และปริพันธ์เชิงตัวเลข | บรรยาย ยกตัวอย่างในชั้นเรียน และใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์ในการหาคำตอบ | การบ้าน สอบย่อย (ใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์) สอบข้อเขียน |
| **CLO 7 :** ประมาณค่าผลเฉลยเชิงตัวเลขของสมการเชิงอนุพันธ์สามัญด้วยวิธีเชิงตัวเลข | บรรยาย ยกตัวอย่างในชั้นเรียน และใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์ในการหาคำตอบ | การบ้าน สอบย่อย (ใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์) สอบข้อเขียน |

![A screenshot of a cell phone

Description automatically generated]()